Chapitre 11 – Oscillateurs et mesure du temps

AE. 11C - Etude énergétique d'un pendule simple

Compétence exigible : Pratiquer une démarche expérimentale pour étudier l'évolution des énergies cinétique, potentielle et mécanique d'un oscillateur.

I- Mesurer le temps avec un pendule simple (1h maximum).

Document 1 : Galilée.

Galilée (1564-1642) est le premier savant à avoir étudié de façon quantitative les oscillations d'un pendule. Il utilisa son pouls pour mesurer la période de balancement du lustre suspendu à la voûte de la cathédrale de Pise. Il découvrit ainsi les lois pendulaires à la base des premières horloges à pendule.

Le Pendule pesant de Galilée à la Cathédrale de Pise

Document 2 : Le pendule simple.

- Un phénomène est **périodique** s'il se répète identique à lui-même à intervalles de temps égaux.
- Un **pendule** est constitué :
 - d'un solide de masse m de petite dimension.
 - d'un fil inextensible de longueur L et de masse négligeable devant m .Le pendule est **simple** si $L \geq 10.D$ (D étant le diamètre du solide).
- La position du pendule est repérée par son **abscisse angulaire $\theta(t)$** qui représente la direction entre la verticale et la direction du fil. Pour les expériences qui suivent, on lâchera la masse m **sans vitesse initiale**, depuis une position repérée par l'abscisse angulaire initiale θ_0 .
- La **période T** des oscillations est la durée séparant deux passages consécutifs du pendule par la verticale et **dans le même sens**.
- On parle d'**isochronisme** des oscillations lorsque la période T des oscillations est indépendante de l'abscisse angulaire initiale θ_0 .

- 1- Qu'appelle-t-on une oscillation du pendule ?
- 2- Pour déterminer la période T des oscillations, on mesure en général une durée Δt correspondant à plusieurs périodes, par exemple 10 périodes. Expliquer pourquoi, sachant que le temps de réaction moyen de la personne qui chronomètre est estimé à 0,1 s.
- 3- Proposer et mettre en œuvre un protocole pour montrer que l'isochronisme des oscillations est vérifiée pour des oscillations de faible abscisse angulaire initiale θ_0 .
- 4- De quel(s) autre(s) paramètre(s) peut à priori dépendre la période T des oscillations ? Proposer et mettre en œuvre un protocole pour vérifier les hypothèses réalisées. Noter les résultats obtenus et conclure.
- 5- Qu'observe-t-on pour l'amplitude des oscillations si on laisse le pendule osciller pendant une durée égale à $40T$? Proposer une explication à ce phénomène.
- 6- Le pendule simple peut-il servir à mesurer le temps ? Justifier.

Chapitre 11 – Oscillateurs et mesure du temps

II- Etude énergétique des oscillations d'un pendule. (1h maximum).

Document 3 : Les énergies (rappels de 1ère).

- **L'énergie cinétique E_c** d'un solide de masse m en translation est l'énergie qu'il possède du fait de son mouvement à la vitesse v :

$$E_c = \frac{1}{2} \times m \times v^2 = \frac{1}{2} \times m \times \left(\frac{dX}{dt}^2 + \frac{dY}{dt}^2 \right) \quad \text{avec } E_c \text{ en J, } m \text{ en kg et } v \text{ en m.s}^{-1}$$

$\frac{dX}{dt}$ est la dérivée par rapport au temps de l'abscisse X en m.s⁻¹ ;

$\frac{dY}{dt}$ est la dérivée par rapport au temps de l'ordonnée Y en m.s⁻¹

- **L'énergie potentielle de pesanteur E_{pp}** d'un solide de masse m est l'énergie qu'il possède du fait de sa position à l'altitude Y par rapport à une altitude de référence (par exemple, $E_{pp} = 0$ quand $Y = 0$) selon un axe vertical (Oy) :

$$E_{pp} = m \times g \times Y \quad \text{si l'axe } (Oy) \text{ est orienté vers le haut (sinon, il y a un signe moins).}$$

avec E_{pp} en J, m en kg, g en m.s⁻² et Y en m.

- **L'énergie mécanique E_m** d'un solide est : $E_m = E_c + E_{pp}$

Objectif : Déterminer comment évoluent les différentes énergies du pendule au cours d'une période.

Matériel : On dispose du logiciel **Regressi** avec les vidéos sur le site de la classe.

- 1- Proposer et mettre en œuvre un protocole pour répondre à l'objectif.
- 2- Tracer l'allure des courbes obtenues.
- 3- Sur une période de variation des énergies, comment évolue chacune des énergies ? Conclure en précisant quels sont alors les transferts d'énergie qui se produisent en fonction du mouvement du pendule.
- 4- Comparer la période de variation des énergies à celle du pendule.
- 5- En comparant le clip traité avec celui obtenu lorsque l'oscillateur touche l'eau, préciser l'influence des frottements sur le mouvement du pendule. Comment évolue l'énergie mécanique sur plusieurs périodes ? Argumenter en comparant les transferts d'énergie existant en présence ou en l'absence de frottements.